

Самостоятельная работа – вариант 1

1-1. Определите количество чисел, тринадцатеричная запись которых содержит ровно 5 цифр, причём каждая цифра отличается от соседних не менее, чем на 3. В ответе укажите два числа: сначала количество искомых чисел, затем – максимальное из них в тринадцатеричной системе счисления (основание системы писать не нужно).

2-1. В файле электронной таблицы **9.xls** в каждой строке содержатся шесть неотрицательных целых чисел. Определите количество строк таблицы, для которых выполнены оба условия:

- в строке сумма повторяющихся чисел не превышает сумму неповторяющихся;
- среди неповторяющихся чисел есть хотя бы одно простое.

Примечание. Единица не является простым числом.

3-1. Дан текстовый файл **10.docx**. Сколько раз встречается слово «девушка» (с заглавной или строчной буквы, во всех формах единственного и множественного числа) в тексте повести (не считая сносок)? В ответе укажите только число.

4-1. Исполнитель Редактор получает на вход строку цифр и преобразовывает её. Редактор может выполнять две команды, в обеих командах *v* и *w* обозначают цепочки символов.

заменить(*v*, *w*)

нашлось(*v*)

Первая команда заменяет в строке первое слева вхождение цепочки *v* на цепочку *w*. Если цепочки *v* в строке нет, эта команда не изменяет строку. Вторая команда проверяет, встречается ли цепочка *v* в строке исполнителя Редактор.

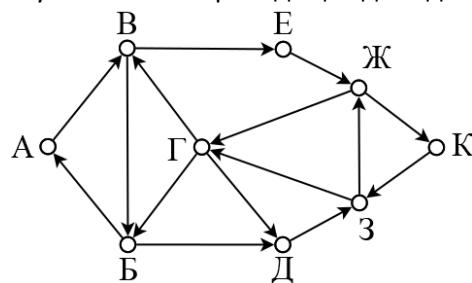
Дана программа для Редактора:

```
ПОКА НЕ нашлось (><)
    заменить (>1 , >2)
    заменить (12< , 1<2)
    заменить (>21 , 1>)
    заменить (1< , <2)
```

КОНЕЦ ПОКА

На вход приведённой выше программе поступает строка, начинающаяся с символов «>2», затем *n* пар цифр «12» и в конце символ «<». Определите наименьшее значение *n*, при котором сумма цифр строки, получившейся в результате выполнения программы, будет больше, чем 103.

5-1. На рисунке представлена схема дорог, связывающих города А, Б, В, Г, Д, Е, Ж, З, К. По каждой дороге можно двигаться только в одном направлении, указанном стрелкой. Сколько существует маршрутов, начинающихся и оканчивающихся в пункте Ж и не проходящих дважды через один и тот же пункт?



6-1. Операнды арифметического выражения записаны в системе счисления с некоторым частично заданным основанием

$$134x2_{19} + 26_{13x24}$$

В записи чисел переменной *x* обозначена неизвестная цифра. Определите наибольшее значение *x*, при котором значение данного арифметического выражения кратно 15. Для найденного значения *x* вычислите частное от деления значения арифметического выражения на 15 и укажите его в ответе в десятичной системе счисления. Основание системы счисления в ответе указывать не нужно.

7-1. На числовой прямой дан отрезок $\mathbf{Q} = [29; 47]$. Обозначим через $\text{ДЕЛ}(n, m)$ утверждение «натуральное число n делится без остатка на натуральное число m ». Определите наименьшее натуральное число A , такое что выражение

$$(\neg \text{ДЕЛ}(x, 3) \wedge x \notin \{48, 52, 56\}) \rightarrow ((|x - 50| \leq 7) \rightarrow (x \in \mathcal{Q})) \vee (x \& A = 0)$$

тождественно истинно (то есть принимает значение 1 при любом натуральном значении переменной x)?

8-1. Алгоритм вычисления функции $F(n)$, где n – натуральное число, задан следующими соотношениями:

$$F(n) = \sqrt[3]{n}, \text{ если } \sqrt[3]{n} \text{ – натуральное число;}$$

$$F(n) = F(n + 2) + 1, \text{ если } \sqrt[3]{n} \text{ – не целое число и } n \text{ – чётное число;}$$

$$F(n) = F(n + 1) - 5, \text{ если } \sqrt[3]{n} \text{ – не целое число и } n \text{ – нечётное число;}$$

Чему равно значение выражения $F(111000) / F(125000)$?